

# ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

---

*Εισαγωγή* ..... 17

## **Κεφάλαιο 1**

<i>Σήματα συννεχούς και διακριτού χρόνου</i> .....	21
A. ΣΗΜΑΤΑ ΣΥΝΕΧΟΥΣ ΧΡΟΝΟΥ.....	21
Γενικά .....	21
1.1 Περιοδικά και μη περιοδικά σήματα.....	56
1.1α Περιοδικά σήματα.....	56
1.1β Μερικά μη περιοδικά σήματα συννεχούς χρόνου .....	65
1.2 Μέσες τιμές .....	72
1.3 Σύντομη Επανάληψη από την Τριγωνομετρία και τους Μιγαδικούς Αριθμούς .....	81
1.3α Τριγωνομετρία.....	81
1.3β Μιγαδικοί αριθμοί .....	83
1.3γ Ημιτονικά σήματα .....	90
B. ΣΗΜΑΤΑ ΔΙΑΚΡΙΤΟΥ ΧΡΟΝΟΥ .....	95
Γενικά .....	95
1.4 Ορισμοί .....	95
1.5 Στοιχειώδεις επεμβάσεις–πράξεις σε σήματα διακριτού χρόνου.....	99
1.6 Κατηγοριοποιήσεις των σημάτων διακριτού χρόνου .....	111
1.7 Περιοδικά και μη περιοδικά σήματα διακριτού χρόνου.....	113
1.7α Περιοδικά σήματα .....	113
1.7β Μερικά μη περιοδικά σήματα διακριτού χρόνου .....	117
1.8 Μέσες τιμές .....	122

1.9	Τριγωνομετρικές σειρές Fourier περιοδικών σημάτων συνεχούς χρόνου .....	131
1.10	Ανάπτυγμα περιοδικού σήματος συνεχούς χρόνου σε μιγαδική σειρά Fourier .....	141
1.11	Φάσματα περιοδικών και μη περιοδικών σημάτων συνεχούς χρόνου....	145
1.11α	Περιοδικά σήματα.....	145
1.11β	Μη περιοδικά σήματα.....	158
1.11γ	Φίλτρα .....	160
1.11δ	Θεώρημα του Parseval.....	169
1.11ε	Εύρεση της απόκρισης συχνότητας.....	171
	<b>ΑΣΚΗΣΕΙΣ – ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ .....</b>	<b>176</b>

## Κεφάλαιο 2

---

<b><i>O Μετασχηματισμός Fourier .....</i></b>	<b>193</b>
<b>Α. ΣΗΜΑΤΑ ΣΥΝΕΧΟΥΣ ΧΡΟΝΟΥ .....</b>	<b>193</b>
2.1 Ορισμοί και Ιδιότητες .....	193
2.1α Ορισμοί .....	193
2.1β Ιδιότητες του μετασχηματισμού Fourier .....	198
2.1γ Παρατηρήσεις–Εφαρμογές .....	202
2.2 Μερικά σήματα και οι μετασχηματισμοί Fourier αυτών .....	208
2.3 Σειρές Fourier περιοδικών και μετασχηματισμός Fourier μη περιοδικών μιγαδικών σημάτων .....	231
2.4 Μετασχηματισμός Fourier περιοδικών σημάτων .....	233
<b>Β. ΣΗΜΑΤΑ ΔΙΑΚΡΙΤΟΥ ΧΡΟΝΟΥ .....</b>	<b>238</b>
2.5 Ορισμός και ιδιότητες του μετασχηματισμού Fourier μη περιοδικών σημάτων διακριτού χρόνου (DTFT) .....	238
2.6 Ο διακριτός μετασχηματισμός Fourier (DFT) .....	257
2.6α Ορισμοί .....	257
2.6β Ιδιότητες του DFT.....	259
2.6γ Φάσματα των περιοδικών σημάτων διακριτού χρόνου .....	264
<b>ΑΣΚΗΣΕΙΣ – ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ .....</b>	<b>281</b>

**Κεφάλαιο 3**

<i>Ο μετασχηματισμός Laplace και ο μετασχηματισμός Z</i> .....	297
<b>A. Ο ΜΕΤΑΣΧΗΜΑΤΙΣΜΟΣ LAPLACE</b> .....	297
3.1 Ορισμός και Ιδιότητες .....	297
3.1α Ορισμός .....	297
3.1β Ιδιότητες του μετασχηματισμού Laplace .....	303
3.2 Μερικά σήματα και οι μετασχηματισμοί Laplace αυτών .....	306
3.3 Εύρεση του αντίστροφου μετασχηματισμού Laplace .....	314
3.3α Ανάλυση κλάσματος σε άθροισμα απλών κλασμάτων .....	317
3.3β Εφαρμογές .....	329
3.3γ Επίλυση διαφορικών εξισώσεων με τη βοήθεια του μετασχηματισμού Laplace .....	334
<b>B. Ο ΜΕΤΑΣΧΗΜΑΤΙΣΜΟΣ Z</b> .....	345
3.4 Ορισμός και Ιδιότητες .....	345
3.5 Υπολογισμός του αντίστροφου μετασχηματισμού Z .....	358
<b>ΑΣΚΗΣΕΙΣ – ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ</b> .....	369

**Κεφάλαιο 4**

<i>Συστήματα συνεχούς και διακριτού χρόνου</i> .....	373
<b>A. ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΣΥΝΕΧΟΥΣ ΧΡΟΝΟΥ</b> .....	373
4.1 Ορισμοί και κατηγοριοποιήσεις .....	373
4.1α Ορισμοί .....	373
4.1β Κατηγοριοποιήσεις των συστημάτων συνεχούς χρόνου .....	375
4.2 Σχέση των σημάτων εισόδου και εξόδου ΓΧΑ συστημάτων συνεχούς χρόνου .....	383
4.3 Εφαρμογές .....	396
4.4 Σχέση της θέσης των πόλων ενός ΓΧΑ συστήματος συνεχούς χρόνου με την ευστάθεια αυτού .....	408
4.5 Εύρεση της συνάρτησης μεταφοράς ενός ΓΧΑ συστήματος συνεχούς χρόνου .....	409
4.6 Εύρεση της απόκρισης συχνότητας και ημιτονοειδής μόνιμη κατάσταση ηλεκτρικών κυκλωμάτων .....	429

<b>B. ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΔΙΑΚΡΙΤΟΥ ΧΡΟΝΟΥ .....</b>	441
4.7 Ορισμοί και κατηγοριοποιήσεις .....	441
4.7α Ορισμοί .....	441
4.7β Κατηγοριοποιήσεις .....	443
4.8 Σχέση των σημάτων εισόδου και εξόδου ΓΧΑ συστημάτων διακριτού χρόνου .....	450
4.9 Εφαρμογές .....	461
4.10 Σχέση της θέσης των πόλων ενός ΓΧΑ συστήματος διακριτού χρόνου με την ευστάθεια αυτού.....	472
4.11 Επίλυση εξισώσεων διαφορών με τη βοήθεια του μετασχηματισμού Z .....	472
4.12 Ο μονόπλευρος μετασχηματισμός Z .....	480
<b>ΑΣΚΗΣΕΙΣ – ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ .....</b>	<b>486</b>

## **Κεφάλαιο 5**

---

<b>Σύνδεση σημάτων και συστημάτων συνεχούς και διακριτού χρόνου .....</b>	<b>493</b>
5.1 Εισαγωγή.....	493
5.2 Το Θεώρημα Δειγματοληψίας .....	494
5.2α Δειγματοληψία και ιδανική ανάκτηση / αναδημιουργία σήματος .....	495
5.2β Μη ιδανική δειγματοληψία και ανάκτηση σήματος .....	502
5.2γ Δειγματοληψία και συγκράτηση .....	508
5.3 Επεξεργασία σήματος συνεχούς χρόνου μέσω επεξεργασίας σήματος διακριτού χρόνου.....	509
5.4 Σχέση του μετασχηματισμού Fourier σημάτων συνεχούς χρόνου με τον DFT .....	514
5.5 Υλοποίηση ΓΧΑ συστήματος διακριτού χρόνου για αντικατάσταση ενός ΓΧΑ συστήματος συνεχούς χρόνου .....	520
<b>ΑΣΚΗΣΕΙΣ – ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ .....</b>	<b>526</b>

**Παράρτημα Α**

<i>Απαραίτητες γνώσεις από τα Μαθηματικά</i> .....	531
<b>Α. ΓΝΩΣΕΙΣ ΑΠΟ ΤΗΝ ΤΡΙΓΩΝΟΜΕΤΡΙΑ</b> .....	531
A1) Ο Τριγωνομετρικός κύκλος και οι τριγωνομετρικοί αριθμοί ενός τόξου.....	531
A2) Τριγωνομετρικές ταυτότητες που αφορούν σε αντίθετα κ.λπ. τόξα.....	537
A3) Η συνάρτηση τοξεφχ.....	544
A4) Άλλες σημαντικές τριγωνομετρικές ταυτότητες .....	545
A5) Γραφικές παραστάσεις.....	547
<b>Β. ΓΝΩΣΕΙΣ ΑΠΟ ΤΟΥΣ ΜΙΓΑΔΙΚΟΥΣ ΑΡΙΘΜΟΥΣ</b> .....	550
B1) Ορισμοί .....	550
B2) Πράξεις .....	556
<b>Γ. ΓΝΩΣΕΙΣ ΑΠΟ ΤΗ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΗ ΑΝΑΛΥΣΗ</b> .....	558
Γ1) Συναρτήσεις .....	558
Γ2) Όριο και συνέχεια συνάρτησης.....	566
Γ3) Παράγωγοι .....	575
Γ4) Ολοκληρώματα .....	585
<b>Δ. ΓΝΩΣΕΙΣ ΑΠΟ ΤΗΝ ΑΛΓΕΒΡΑ ΚΑΙ ΤΗ ΣΥΝΔΥΑΣΤΙΚΗ</b> .....	601

**Παράρτημα Β**

<i>Μιγαδικές σειρές Fourier μιγαδικών περιοδικών σημάτων</i> .....	605
--	-----

**Παράρτημα Γ**

<i>Μετάβαση από τις μιγαδικές σειρές Fourier περιοδικών σημάτων στον μετασχηματισμό Fourier μη περιοδικών σημάτων</i> .....	609
---	-----

**Παράρτημα Δ**

<i>Απόδειξη των ιδιοτήτων του μετασχηματισμού Fourier</i> .....	617
---	-----

**Παράρτημα Ε**

<i>Εύρεση του μετασχηματισμού Fourier μερικών ακόμα σημάτων</i> .....	629
---	-----

**Παράρτημα ΣΤ**

<i>Απόδειξη της σχέσης εισόδου-εξόδου ΓΧΑ συστήματος συνεχούς χρόνου .....</i>	637
--	-----

**Παράρτημα Ζ**

<i>Απόδειξη των ιδιοτήτων του μετασχηματισμού Fourier σημάτων διακριτού χρόνου .....</i>	641
--	-----

**Παράρτημα Η**

<i>Λεπτομερής εξέταση του DFT μιγαδικών και πραγματικών ημιτονικών σημάτων .....</i>	651
--	-----

**Παράρτημα Θ**

<i>Απόδειξη των ιδιοτήτων του μετασχηματισμού Laplace .....</i>	671
---	-----

**Παράρτημα Ι**

<i>Απόδειξη των ιδιοτήτων του μετασχηματισμού Z .....</i>	679
---	-----

**Παράρτημα ΙΑ**

<i>Παράδειγμα ανάλυσης σε άθροισμα απλών κλασμάτων κλάσματος με πολλαπλές μιγαδικές ρίζες του παρονομαστή .....</i>	685
---	-----

**Παράρτημα ΙΒ**

<i>Σχέση της θέσης των πόλων ενός ΓΧΑ συστήματος με την ευστάθεια αυτού .....</i>	691
---	-----

**Παράρτημα ΙΓ**

<i>Ο δίπλευρος μετασχηματισμός Laplace .....</i>	711
--	-----

**Παράρτημα ΙΔ**

<i>Λεπτομερής εξέταση του DFT μιγαδικών και πραγματικών ημιτονικών σημάτων .....</i>	727
--	-----

<i>Βιβλιογραφία .....</i>	731
---------------------------	-----